

Тригонометрические формулы

1. Вспоминаем

Напоминаю, что до сегодняшнего дня нужно было выучить наизусть тригонометрические формулы. Теперь твоя задача выполнить задания:

1) Запишите основное тригонометрическое тождество. _____

2) Запишите, чему равен:

1) $\sin(90^\circ - \alpha) =$ _____ 3) $\operatorname{tg}(90^\circ - \alpha) =$ _____

2) $\cos(90^\circ - \alpha) =$ _____ 4) $\operatorname{ctg}(90^\circ - \alpha) =$ _____

3) Запишите, какому числу равен:

1) $\sin 45^\circ =$ _____ 3) $\operatorname{tg} 45^\circ =$ _____

2) $\cos 45^\circ =$ _____ 4) $\operatorname{ctg} 45^\circ =$ _____

4) Запишите, какому числу равен:

1) $\sin 30^\circ =$ _____ 3) $\operatorname{tg} 30^\circ =$ _____

2) $\cos 30^\circ =$ _____ 4) $\operatorname{ctg} 30^\circ =$ _____

5) Запишите, какому числу равен:

1) $\sin 60^\circ =$ _____ 3) $\operatorname{tg} 60^\circ =$ _____

2) $\cos 60^\circ =$ _____ 4) $\operatorname{ctg} 60^\circ =$ _____

6) Запишите тождество, связывающее тангенс, синус и косинус одного и того же угла:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\square}{\square}$$

7) Запишите тождество, связывающее котангенс, синус и косинус одного и того же угла.

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\square}{\square}$$

2. Решаем задачи

№583. Найдите значение выражения

a) $\cos^2 45^\circ + \operatorname{tg}^2 60^\circ$

b) $2 \cos^2 60^\circ - \sin^2 30^\circ + \sin 60^\circ \operatorname{ctg} 60^\circ$

Решаем номера, пользуясь тригонометрической таблицей.

Решение:

$$a) \cos^2 45^\circ + \operatorname{tg}^2 60^\circ = \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \sqrt{3}^2 = \frac{\sqrt{2}^2}{2^2} + 3 = \frac{2}{4} + 3 = \frac{1}{2} + 3 = 0,5 + 3 = 3,5$$

$$b) 2 \cos^2 60^\circ - \sin^2 30^\circ + \sin 60^\circ \operatorname{ctg} 60^\circ = 2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} = 2 \cdot \frac{1}{4} - \frac{1}{4} + \frac{\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}}{2 \cdot 3} = \frac{2}{4} - \frac{1}{4} + \frac{3}{6} = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} = \frac{3}{4}$$

№587. Найдите $\sin \alpha$, $\operatorname{tg} \alpha$ и $\operatorname{ctg} \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{3}$.

Решение:

Выразим из тригонометрического тождества $\sin \alpha$:

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \cos^2 \alpha}$$

Подставим значение $\cos \alpha = \frac{1}{3}$.

Получим =

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \left(\frac{1}{3}\right)^2} = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \sqrt{\frac{9}{9} - \frac{1}{9}} = \sqrt{\frac{8}{9}} = \frac{\sqrt{2 \cdot 4}}{\sqrt{9}} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

Чтобы найти $\operatorname{tg} \alpha$, воспользуемся формулой: $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \sin \alpha : \cos \alpha$.

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3} : \frac{1}{3} = \frac{2\sqrt{2}}{3} \cdot \frac{3}{1} = \frac{2\sqrt{2}}{1} = 2\sqrt{2}$$

Чтобы найти $\operatorname{ctg} \alpha$, воспользуемся формулой: $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = \cos \alpha : \sin \alpha$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{1}{3} : \frac{2\sqrt{2}}{3} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{2\sqrt{2}}$$

Ответ: $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$, $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$, $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{1}{2\sqrt{2}}$

**Внимательно разобравшись с решением, выполни следующие номера:
№584, 588**